



Wstęp do algorytmicznej teorii grafów

Prof. dr hab. Zbigniew Lonc

Celem wykładu jest prezentacja podstaw teorii grafów ze szczególnym naciskiem na efektywne obliczanie parametrów grafów i konstrukcję obiektów grafowych.

Tematy szczegółowe:

1. Podstawowe pojęcia teorii grafów, grafy skierowane i nieskierowane, reprezentacje grafów - struktury danych, przeszukiwanie grafu wierzchołkami i krawędziami, algorytmy i ich złożoność obliczeniowa.
2. Spójność grafów, badanie spójności grafów skierowanych i nieskierowanych, wyznaczanie składowych spójności.
3. Drzewa rozpinające w grafach, konstrukcje drzew o minimalnej sumie wag krawędzi.
4. Ścieżki Eulera, warunki istnienia ścieżki Eulera, konstrukcje ścieżek Eulera.
5. Problem wyznaczania najkrótszych ścieżek w grafach.
6. Przepływy w sieciach, twierdzenie o maksymalnym przepływie, znajdowanie maksymalnego przepływu w sieci.
7. Systemy różnych reprezentantów, skojarzenia, pokrycia, twierdzenie Halla, wyznaczanie największego skojarzenia.
8. Złożoność obliczeniowa problemów decyzyjnych, redukcje wielomianowe, problemy wielomianowe, NP-zupełne, hipoteza $P \neq NP$.
9. Algorytmy przybliżone, problem pokrywania krawędzi grafu wierzchołkami.
10. Problem komiwojażera, cykle Hamiltona, warunki istnienia cyklu i drogi Hamiltona w grafie.

Bibliografia

1. W. Lipski, *Kombinatoryka dla programistów*, WNT Warszawa 2003.
2. T. H. Cormen, C. E. Leiserson, R. L. Rivest, *Wprowadzenie do algorytmów*, WNT Warszawa 2002.
3. R. J. Wilson, *Wprowadzenie do teorii grafów*, PWN, Warszawa 1998.
4. V. V. Vazirani, *Algorytmy aproksymacyjne*, WNT Warszawa 2005.